

МУҒАЛЛИМ ҲӘМ ҮЗЛИКСИЗ БИЛИМЛЕНДИРИЙ



Илимий-методикалық журнал

2024

2/1-сан

*Озбекстан Республикасы Министрлер Кабинети жасындағы
Жоқарғы Аттестация Комиссиясы Президиумының
25.10.2007 жыл (№138) қарапы менен дизимге алынды*

*Қарақалпақстан Баспа сөз ҳәм хабар агентлиги тәрепинен
2007-жылы 14-февральдан дизимге алынды.
№01-044-санлы гүйалық берилген.*

Нөкис

2/1-сан 2024

март

Шөлкемлестириүшилдер:

**Қарақалпақстан Республикасы Халық билимлендіриүү Министрлигі,
ӨЗПИИИ Қарақалпақстан филиалы**

**Редактор:
А. Тилегенов**

Редколлегия ағзалары:

Мақсет АЙЫМБЕТОВ
Нагмет АЙЫМБЕТОВ
Айтмурат АЛЬНИЯЗОВ
Сапардурды АБАЕВ
Адхамжон АБДУРАШИТОВ
ХАЙРУЛЛА АЛЯМИНОВ
Байрамбай ОТЕМУРАТОВ
Алишер АЛЛАМУРАТОВ
Дилшодхұжа АЙТБАЕВ
Интизар АБДИРИМОВА
Тұлқин АЛЛАЁРОВ
Мариғжон АХМЕДОВ
Умида БАҲАДИРОВА
Фарҳад БАБАШЕВ
Ботир БОЙМЕТОВ
Гулзода БОЙМУРОДОВА
Шахло БОТИРОВА
Маманазар ДЖУМАЕВ
Асқар ДЖУМАШЕВ
Алишер ЖУМАНОВ
Гүлнара ЖУМАШЕВА
Холбой ИБРАГИМОВ
Шохида ИСТАМОВА
Умида ИБРАГИМОВА
Лола ИСРОИЛОВА
Меруерт ПАЗЫЛОВА
Аскарбай НИЯЗОВ
Сабит НУРЖАНОВ
Захия НАРИМБЕТОВА
Хушбок НОРБҮТАЕВ
Улфат МАҲКАМОВ
Уролбой МИРСАНОВ

Сафо МАТЧОН
Шукурилло МАРДОНОВ
Камаладин МАТЯКУБОВ
Раъно ОРИПОВА
Бахтиёр РАХИМОВ
Фурқат РАЖАБОВ
Арзы ПАЗЫЛОВ
Барлықбай ПРЕНОВ
Дилшода САПАРБАЕВА
Феруза САПАЕВА
Зайниддин САНАҚУЛОВ
Қаҳхор ТУРСУНОВ
Амина ТЕМИРБЕКОВА
Нурзода ТОШЕВА
Куанишбек ТУРЕКЕЕВ
Тажибай УТЕБАЕВ
Амангелди УТЕПБЕРГЕНОВ
Мамбеткерим ҚУДАЙБЕРГЕНОВ
Амангелди КАМАЛОВ
Воҳид КАРАЕВ
Гулмира ҚАРЛЫБАЕВА
Ризамат ШОДИЕВ
Зафар ЧОРШАНБИЕВ
Рустам ФАЙЗУЛЛАЕВ
Дўстназар ХИММАТАЛИЕВ
Тармиза ХУРВАЛИЕВА
Умид ХОДЖАМҚУЛОВ
Жавлонбек ХУДОЙБЕРГЕНОВ
Гулрухсор ЭРГАШЕВА
Гавхар ЭШЧАНОВА
Қонысбай ЮСУПОВ



Абдурахмонова Х.Г. Бошқарув маданиятининг тушунчаси, моҳияти ва асосий жиҳатлари	187
Абдуолимова М.А. Педагогик фаолиятда мулокот этикасининг ўзаро фалсафий муносабатлари ва хусусиятлари	193
Gadayev D.R. Tayanch kompetensiyalarning pedagogik jarayondagi roli	198
Muhamadiyeva N.Q. Milliy hunarmandchilikni rivojlantirish mexanizmlari	206
Mamajonova K.A. Ta'lim tizimi va ishlab chiqarish korxonalarini integratsiyasida maqsadli kasbga tayyorlash imkoniyatlari	212
Ro'ziyeva N.A. Talaba-yoshlarni oilaviy hayotga tayyorlashda jadid ma'rifatparvarlarining ijtimoiy-axloqiy qarashlari	219
Saliyeva N.S. Zamonaliv pedagogik texnologiyalar va ularning ta'lim tizimidagi roli	227
Raimov S.S. Zahradagi ofitserlarning xavfsizlik madaniyatini rivojlantirish pedagogik jarayon sifatida	236
Karimova N.X. Pedagogik muloqot tushunchasi adabiyotlarda o'rganilishi	242
Safarov F.S. Innovatsion texnologiyalarni o'quv jarayonlarida qo'llash va loyihalashni takomillashtirish	248
Yakubova M., Maxarova R. Bo'lajak tarbiyachilarining axborot komitentligini rivojlantirishning mazmuni	255
Пўлатов Ш.П. Умумий ўрта таълимни муассасасини инновацион бошқаришда кластерли ёндашув стратегияси ва модели	258
Muxamedjanova S., Ostonova N. Loyiha texnologiyalarining madaniyatlararo kommunikativ kompetensiyanı rivojlantirishdagi roli	267
Faффарова М.Қ. Коммуникатив тўсикларнинг психолингвистик аспекти	273
Каримова Ф.Н. Формирование когнитивной компетенции у студентов	278
Rukhiddinov Kh. Theoretical foundations of improving the listening comprehension of blind students through interactive methods	284
Ravshanova G. Technology for development of creative competence of future teachers	295

МИЛЛИЙ ИДЕЯ ҲӘМ РУЎХЫЛЫҚ ТИЙКАРЛАРЫ, ТАРИХ, ФИЛОСОФИЯ

Sharipova O.A. Abdurauf Fitrat ilmiy merosida oila va xotin-qizlar masalasi	300
Atadjanova D.U. Imom Moturidiy va Abul Muin Nasafiyarning asarlarida xulqiy go'zallikni qaror toptirishning tarbiyaviy usul va vositalari	305
Qahharova M.L. Uchinchi Renessans sharoitida talabalarni kasbga qiziqtirishda hadislardan foydalananishning tarbiyaviy ahamiyati	310
Karimova N.R., Ibroximjonovna Sh.B. Amir Temur ahloqiy qarashlarining tarbiyaviy ahamiyati	315
Turemuratova A.B., Erjanova V.Q., Kubeyzinova N.M. Talabalarning milliy qadriyatlarga asoslangan dunyoqarashini oshirishning tarbiyaviy ahamiyati va pedagogik tahlillari	321
Mamadaliev M. Mutafakkirlar ilmiy merosida olamni anglash va yoshlar ma'naviyatini shakllantirish masalalari	326
G'aniev D.G. Bo'lajak mutaxassislarda oilaviy qadriyatlarni shakllantirishning ijtimoiy-pedagogik zarurat sifatida	332
Каримова Н.Я. Воспитание молодёжи на основе национальных и религиозных ценностей как социальная необходимость	338

ФИЗИКА, МАТЕМАТИКА, ИНФОРМАТИКА

Rahmonov Z. Oliy ta'lim muassasalarida raqamli texnologiyalaridan foydalanib o'qitishning o'ziga xos kompetensiyaviy asoslar	344
Islomov S.M., Dolliyeva D.A. To'g'ri burchakli uchburchakda medianalar va bissektrisalar kesishgan nuqtalari orasidagi masofani topish usullari	348
Axmedova M.T. Elektron ta'lim muhitida talabalarni libos dizayni bo'yicha yetuk mutaxassis qilib tayyorlash	352



TO‘G‘RI BURCHAKLI UCHBURCHAKDA MEDIANALAR VA BISSEKTRISALAR KESISHGAN NUQTALARI ORASIDAGI MASOFANI TOPISH USULLARI

*Islomov S. M.
Dolliyeva D.A.
CHDPU*

Tayanch so‘zlar: to‘g‘ri burchakli uchburchak, koordinata, mediana, bissektrisa.

Ключевые слова: прямоугольный треугольник, координата, медиана, биссектриса.

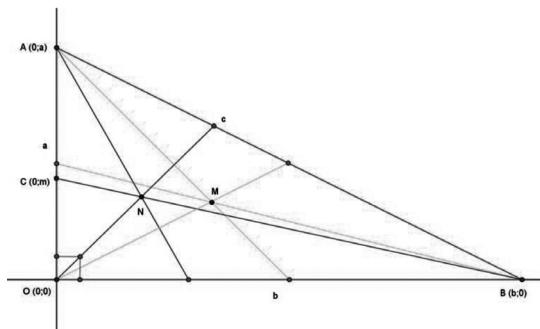
Key words: right-angled triangle, coordinate, median, bisector.

Bizga ma’lumki, elementar matematikada uchrab turadigan bir nechta geometrik masalalar odatdagidek ishlanavermaydi. Shunday geometrik masalalar borki ularni ishlash uchun o‘quvchi ham geometrik tushunchlarga, ham algebraik tushunchalarga murojaat qiladi. Biz bu maqolada xuddi shunday maxsus yo‘l bilan ishlanadigan bir nechta masalalarni tahlil qilamiz. Odatda o‘quvchilar uchun geometrik shakllarni elementlari, uchburchakka tashqi va ichki chizilgan aylanalar markazlari orasidagi masofani topish, trapetsiyani diagonallarning o‘rta chiziqdan ajratgan kesmalari orasidagi masofani topish va tog‘ri burchakli uchburchakning medianalari va bissektrisalari kesishish nuqtalari orasidagi masofani topish murakkab hisoblanadi.

Biz to‘g‘ri burchakli uchburchakning medianalari va bissektrisalari kesishgan nuqtalari orasidagi masofani topishning bir nechta usullarini ko‘rib, taxlil qilib chiqamiz.

1-usul.

Dekart koordinatalar sistemasida to‘g‘ri burchakli uchburchakni yasab olamiz. Koordinata boshini to‘g‘ri burchakli uchburchakning uchi qilib belgilab olamiz ya’ni $O = (0,0)$ nuqta qilib, y o‘qidan $A = (0, a)$ nuqtani, x o‘qidan esa $B = (b, 0)$ nuqtani olamiz. A va B nuqtalarni birlashtirib to‘g‘ri burchakli uchburchakni hosil qilamiz.





To‘g‘ri burchakli uchburchakning bissektrissalar kesishish nuqtasini topamiz, ixtiyoriy uchburchakda bissektrissalar kesishish nuqtasi in markazi deyiladi. Koordinata boshidan bissektrissa chiqaramiz, bissektrissa burchakni teng ikkiga bo‘lganligi uchun koordinata boshidan chiqqan to‘g‘ri chiziq $y = x$ to‘g‘ri chiziq bo‘ladi. B uchidan ham bissektrissa chiqaramiz u y

$C = (0, m)$ nuqtada kesib o‘tadi. m ni bissektrissaning asosiy xosasidan foydalanib (ixtiyoriy uchburchakda bissektrissa ajratgan kemsalar qolgan tomonlarga mos ravishda

$$\frac{c}{a-m} = \frac{b}{m} \Rightarrow m = \frac{ab}{b+c}$$

proporsional bo‘ladi) topamiz. $a-m = m = \frac{ab}{b+c}$, c - bu yerda gipotenuza. Ikki nupta berilganda to‘g‘ri chiziq tenglamasini topish formulasidan keyinigi burchak bissektrissasining tenglamasini topamiz.

$$B = (b, 0), C = \left(0, \frac{ab}{b+c}\right) \Rightarrow y = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}(x - x_1) + y_1 \Rightarrow y = -\frac{a}{b+c}x + \frac{ab}{b+c};$$

Keyin esa bu ikki tenglamani tenglamalar sistemasi qilib kesishish nuqtasini topamiz. Ikki bissektrissani kesishish nuqtasi to‘g‘ri burchakli uchburchakni bissektrissalar kesishish nuqtasidir.

$$\begin{cases} y = x \\ y = -\frac{a}{b+c}x + \frac{ab}{b+c} \end{cases} \Rightarrow y = y \Rightarrow x = \frac{ab}{a+b+c}; \quad y = \frac{ab}{a+b+c}$$

$$N = \left(\frac{ab}{a+b+c}, \frac{ab}{a+b+c} \right)$$

Demak bissektrissalar kesishish nuqtasining koordinatasi Endi esa to‘g‘ri burchakli uchburchakning medianalar kesishish nuqtasini topamiz. Ixtiyoriy uchburchakda medianalar kesishish nuqtasi og‘irlik markazi deyiladi. Koordinatalari berilganda

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2 + x_3}{3}, \frac{y_1 + y_2 + y_3}{3} \right)$$

uchburchakning medianalar kesishish nuqtasining koordinatasini

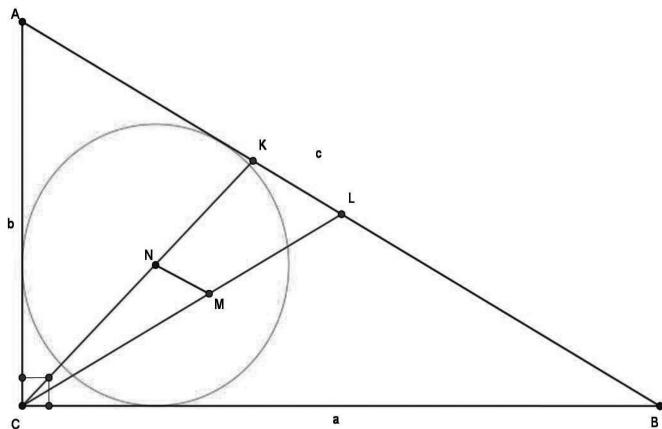
$$M = \left(\frac{b}{3}, \frac{a}{3} \right)$$

formula orqali topamiz. Bundan ekanligi kelib chiqadi. Natijada esa biz ikki nupta berilganda ular orasidagi masofani topa olamiz.

$$\text{Ya’ni } N = \left(\frac{ab}{a+b+c}, \frac{ab}{a+b+c} \right), M = \left(\frac{b}{3}, \frac{a}{3} \right) \quad |MN| = \sqrt{\left(\frac{ab}{a+b+c} - \frac{b}{3} \right)^2 + \left(\frac{ab}{a+b+c} - \frac{a}{3} \right)^2}$$

2-usul.

To‘g‘ri burchakli uchburchakda bissektrissalar kesishish nuqtasi va medianalar kesishish nuqtasi orasidagi masofani topish hamda uni gipotenuva va uchburchakka ichki chizilgan aylana radiusiga bog’liqligi. Bu yerda biz kosinuslar teoremasidan foydalanib ular orasidagi masofani topamiz. Avval tekislikda $\square ABC$ -to‘g‘ri burchakli uchburchakni yasab olamiz. C -uchi to‘g‘ri burchak, AB gipotenuzadan K, L nuqtalarni olamiz (CK - bissektrissa, CL - mediana), M - medianalar kesishish nuqtasi, N - bissektrissalar kesishish nuqtasi, $\angle KCL = \angle NCM = \alpha$.



$$AB = c, CB = a, CA = b, CN = r\sqrt{2}, CM = \frac{c}{3}, CK = \frac{\sqrt{2}ab}{a+b}, AL = LB = CL = \frac{c}{2}$$

Bissektrissaning asosiy xossasidan foydalanib AK va KB ni topamiz:
 $\frac{CA}{AK} = \frac{CB}{KB}$, $\frac{a}{b} = \frac{c-AK}{AK} \Rightarrow AK = \frac{bc}{a+b}$, $KL = AL - AK = \frac{c}{2} - \frac{bc}{a+b} = \frac{(a-b)c}{(a+b)^2}$. $\square CMN$ va $\square CKL$ uchburchaklar uchun kosinuslar teoremasini qo'llaymiz.

$$MN^2 = CN^2 + CM^2 - 2CN \cdot CM \cdot \cos \alpha$$

$$KL^2 = CK^2 + CL^2 - 2CK \cdot CL \cdot \cos \alpha \quad \text{bu yerdan kosinusrarni tenglab yuboramiz.}$$

$$\cos \alpha = \frac{CN^2 + CM^2 - MN^2}{2 \cdot CN \cdot CM} = \frac{CK^2 + CL^2 - KL^2}{2 \cdot CK \cdot CL}; \frac{\left(r\sqrt{2}\right)^2 + \left(\frac{c}{3}\right)^2 - MN^2}{r\sqrt{2} \cdot \frac{c}{3}} = \frac{\left(\frac{\sqrt{2}ab}{a+b}\right)^2 + \left(\frac{c}{2}\right)^2 - \frac{(a-b)^2 c^2}{4(a+b)^2}}{\frac{\sqrt{2}ab}{a+b} \cdot \frac{c}{2}}$$

$$\frac{2r^2 + \frac{c^2}{9} - MN^2}{\frac{r}{3}} = \frac{8a^2b^2 + 4abc^2}{4(a+b)^2} \cdot \frac{2(a+b)}{ab}; \frac{2r^2 + \frac{c^2}{9} - MN^2}{\frac{r}{3}} = \frac{2ab + c^2}{a+b} \cdot 2$$

$$r = \frac{a+b-c}{2}$$

To‘g‘ri burchakli uchburchakka ichki chizilgan aylana radiusi $a+b=2r+c$ ekanligini va buni kvadratga oshirib:
 $(a+b)^2 = (2r+c)^2 \Rightarrow a^2 + b^2 + 2ab = 4r^2 + 4rc + c^2, \{a^2 + b^2 = c^2\} \Rightarrow ab = 2r \cdot (r+c)$ ni topib olamiz.



$$\frac{2r^2 + \frac{c^2}{9} - MN^2}{\frac{r}{3}} = \frac{4r(r+c) + c^2}{2r+c} \cdot 2 \Rightarrow \frac{2r^2 + \frac{c^2}{9} - MN^2}{\frac{r}{3}} = \frac{(2r+c)^2}{2r+c} \cdot 2 \Rightarrow$$
$$2r^2 + \frac{c^2}{9} - MN^2 = \frac{4r^2}{3} + \frac{2cr}{3} \Rightarrow MN^2 = \frac{6r^2 - 6cr + c^2}{9} \Rightarrow |MN| = \sqrt{\frac{6r^2 - 6cr + c^2}{9}}.$$

Xulosa. Yuqoridagi masaladan ko‘rinib turibdiki, to‘g‘ri burchakli uchburchakka oid misollarni yechish uchun, avvalo, uning chizmasini tasavvur qilish kerak va shunga mos grafikni yasash kerak. Bunda, albatta, tasavvur muhim ahamiyat kasb etadi.

Adabiyotlar:

1. М.И. Сканави “Сборник задач по математике” Ташкент-1975. стр 166
2. А. Г. Мишиев “Элементы геометрии треугольника” Москва.- Издательство Московского центра непрерывного математического образования. М.:2002.
3. С. Н. Федин, Е. Д. Куланин Избранные задачи по геометрии. Треугольник Москва. Издательство Илекса 2016.

РЕЗЮМЕ

Maqolada to‘g‘ri burchakli uchburchaklarda medianalar va bessiktrisalarning kesishgan nuqtalari orasidagi masofani topishning yo‘llari ko‘rsatilgan.

РЕЗЮМЕ

В статье показаны способы нахождения расстояния между точками пересечения медиан и бисектрис в прямоугольных треугольниках.

SUMMARY

The article shows ways to find the distance between the intersection points of medians and bisectors in right triangles.